a.s. 2019/2020

PROGRAMMA DI MATEMATICA

DOCENTE: Noemi Aldebrandi

I NUMERI NATURALI

- Ordinamento e operazioni: i numeri naturali, rappresentazione e ordinamento; operazioni e operandi; le espressioni.
- Le proprietà delle operazioni: le proprietà dell'addizione e della moltiplicazione: commutativa, associativa e distributiva; la legge di annullamento del prodotto; le proprietà della sottrazione e della divisione: distributiva e invariantiva.
- Le proprietà delle potenze: prodotto di potenze con la stessa base, quoziente di potenze con la stessa base, potenza di potenza; prodotto di potenze con lo stesso esponente, quoziente di potenze con lo stesso esponente.
- Multipli, divisori, MCD, mcm: multipli e divisori, i criteri di divisibilità; i numeri primi, la scomposizione in fattori primi, il massimo comune divisore e il minimo comune multiplo.

I NUMERI INTERI

- **Definizioni:** i numeri interi, numeri opposto e concordi, il valore assoluto, le relazioni d'ordine.
- Addizioni e sottrazioni: definizione e proprietà dell'addizione e della sottrazione; la somma algebrica.
- Moltiplicazioni e divisione: definizioni e proprietà del prodotto e della divisione;
 la regola dei segni.
- Potenza: la potenza di un intero le proprietà delle potenze, espressioni con le potenze.

I NUMERI RAZIONALI

- Le frazioni: le frazioni, frazioni equivalenti, la proprietà invariantiva, le frazioni irriducibili, la semplificazione delle frazioni, i numeri razionali assoluti; i numeri razionali relativi.
- Confronto e rappresentazione: il confronto tra numeri razionali; rappresentazione sulla retta orientata, i numeri interi come frazione.
- Le operazioni: addizione e sottrazione; moltiplicazione e divisione; la frazione

reciproca; la potenza.

- I numeri decimali: dalla frazione al numero decimale; i numeri decimali finiti, i numeri decimali periodici; dal numero decimale alla frazione.
- **Proporzioni e percentuali:** definizione; la proprietà fondamentale; le proprietà delle proporzioni; le percentuali.

I NUMERI REALI

• I numeri reali: gli ampliamenti degli insiemi numerici; i numeri irrazionali, i numeri reali.

I MONOMI

- Definizioni: definizione di monomio; il grado di un monomio; monomi simili, opposti, uguali;
- Le operazioni: somma e differenza di monomi simili; il prodotto di monomi; la divisione tra due monomi; la potenza di un monomio; MCD e mcm tra monomi.

I POLINOMI

- **Definizioni:** definizione di polinomio; il grado di un polinomio; polinomi omogeneo, ordinato e completo.
- Le operazioni: addizione e sottrazione tra polinomi; moltiplicazione di un monomio per un polinomio; moltiplicazione di polinomi.
- I prodotti notevoli: il quadrato di un binomio; la somma di due termini per la loro differenza; il cubo di un binomio; il quadrato di un trinomio.

EQUAZIONI LINEARI

- Le equazioni: l'identità; la definizione di equazione, equazioni intere e fratte; equazioni determinate, indeterminate e impossibili;
- I principi di equivalenza: equazioni equivalenti; il primo principio di equivalenza; la regola del trasporto; la regola di cancellazione; il secondo principio di equivalenza; la regola del cambiamento di segno; la semplificazione; risoluzione di equazioni numeriche intere di primo grado.

DISEQUAZIONI LINEARI

 Disuguaglianze e disequazioni: Le disuguaglianze numeriche, le proprietà delle disuguaglianze; i principi di equivalenza delle disequazioni; le disequazioni numeriche intere.

LA SCOMPOSIZIONE IN FATTORI

La scomposizione in fattori: polinomi riducibili e irriducibili; il raccoglimento
totale; il raccoglimento parziale; il trinomio speciale (o caratteristico); la
scomposizione con i prodotti notevoli: quadrato di un binomio; differenza di
quadrati; cubo di un binomio; quadrato di un trinomio; il teorema del resto e il
teorema di Ruffini; ricerca degli zeri di un polinomio; la scomposizione con il
metodo di Ruffini; somma o differenza di cubi; MCD e mcm di polinomi.

LE FRAZIONI ALGEBRICHE

- Definizioni: definizione di frazione algebrica; frazioni equivalenti; semplificazione di una frazione algebrica; riduzione allo stesso denominatore.
- Le operazioni: addizione e sottrazione; moltiplicazione; divisione; potenza.

EQUAZIONI E DISEQUAZIONI FRATTE

La risoluzione delle equazioni numeriche fratte e le condizioni di esistenza.

ENTI GEOMETRICI FONDAMENTALI

- Geometria euclidea: gli enti primitivi, teoremi e postulati,
- Figure e proprietà: le semirette, i segmenti, i semipiani, le figure convesse e le figure concave; gli angoli; le figure congruenti; operazioni con segmenti e angoli.

I TRIANGOLI

 Lati, angoli e segmenti particolari: lati e angoli, classificazione di un triangolo in base ai lati; classificazione di un triangolo in base agli angoli; bisettrici; mediane; altezze; le proprietà del triangolo isoscele.

Perugia, 04/06/2020.